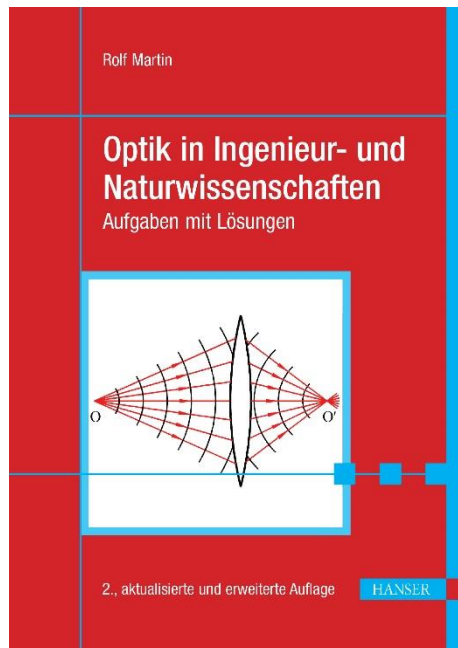


HANSER



Leseprobe

zu

Optik in Ingenieur- und Naturwissenschaften

von Rolf Martin

Print-ISBN: 978-3-446-47873-2

E-Book-ISBN: 978-3-446-47878-7

Weitere Informationen und Bestellungen unter

<https://www.hanser-kundencenter.de/fachbuch/artikel/9783446478732>

sowie im Buchhandel

© Carl Hanser Verlag, München

Vorwort

Das vorliegende Übungsbuch mit Aufgaben zur Optik sowie deren Lösungen ist gedacht als Ergänzung zum Lehrbuch „Optik in Ingenieur- und Naturwissenschaften“, herausgegeben 2023 von E. Hering und R. Martin. Die ersten sieben Grundlagenkapitel des Lehrbuchs enthalten bereits eine große Zahl von Beispielen, die durch das Aufgabenbuch wesentlich erweitert werden.

Mit dieser Aufgabensammlung und den ausführlichen Lösungen wird ein Leserwunsch erfüllt. Die Aufgaben sind von verschiedenen Schwierigkeitsgraden; sie reichen von einfachen und leicht zu beantwortenden Fragen bis zu sehr komplexen Problemen, die mitunter nur mithilfe eines Rechners gelöst werden können. Mit vielen Abbildungen werden die Aufgaben und deren Lösungen veranschaulicht.

Die Zielgruppe, die mit diesem Buch angesprochen werden soll, sind Studierende, die ihre Kenntnisse und Fertigkeiten bei der Lösung optischer Fragestellungen vertiefen und festigen und sich auf Prüfungen dieses Fachgebiets vorbereiten wollen. Darüber hinaus ist die Beschäftigung mit optischen Fragen sicher auch interessant für Ingenieure und Naturwissenschaftler, die bereits mit optischen Technologien befasst sind oder aber sich einen Zugang erarbeiten wollen.

Das Aufgabenbuch ist genauso gegliedert wie sein großer Bruder, das Lehrbuch. Zu allen sieben Grundlagenkapiteln desselben wurden passende Übungsaufgaben formuliert und auf das Lehrbuch abgestimmt. Sämtliche Verweise auf Kapitel, Gleichungen, Bilder und Tabellen des Lehrbuches werden zur Unterscheidung kursiv dargestellt. Die Verweise innerhalb dieses Buches bleiben in Standardschrift.

Ich bedanke mich für die hervorragende Betreuung durch meine Lektorin, Frau Natalia Silakova im Carl Hanser Verlag. Mein besonderer Dank gilt meiner Frau, die wieder einmal viel Geduld aufgebracht hat während der Entstehungszeit des Werks.

Meinen Leserinnen und Lesern wünsche ich nützliche Erkenntnisse auf dem Gebiet der Optik und Photonik. Vor allem aber hoffe ich, dass sie dieselbe Faszination erfahren wie ich, der ich als 13-jähriger Schüler erstmals mit optischen Phänomenen Bekanntschaft machte und seither davon begeistert bin.

Für Hinweise und Verbesserungsvorschläge bin ich stets dankbar.

Köngen, im Frühjahr 2023

Rolf Martin

Inhalt

Vorwort	7
----------------------	---

Zum Geleit	21
-------------------------	----

Teil I Aufgaben

1 Einleitung	25
---------------------------	----

1.1 Lichtwellenlängen	25
1.2 Welleneigenschaften	25

2 Geometrische Optik	27
-----------------------------------	----

2.1 Lichtstrahlen, optische Abbildung	27
2.2 Fermat'sches Prinzip	27
2.3 Reflexion von Lichtstrahlen	27
2.3.1 Reflexionsgesetz aus Fermat'schem Prinzip	27
2.3.2 Winkelspiegel	27
2.3.3 Rotierende Flüssigkeit als Parabolspiegel	28
2.3.4 Konstruktive Verfolgung eines schiefen Strahls bei einem Spiegel ..	28
2.3.5 Abbildung eines weit entfernten Gegenstands durch einen Hohlspiegel	28
2.3.6 Newton'sche Abbildungsgleichung beim Hohlspiegel	29
2.3.7 Abbildung durch Hohl- und Wölbspiegel	29
2.3.8 Vergrößerung eines Kosmetikspiegels	29
2.4 Brechung des Lichts	30
2.4.1 Brechungsgesetz aus Fermat'schem Prinzip	30
2.4.2 Codenummern optischer Gläser	30
2.4.3 Brechung an einem Glaswürfel	30
2.4.4 Brechung und Totalreflexion an einem Prisma	30
2.4.5 Brechzahlbestimmung	31
2.4.6 Numerische Apertur einer Glasfaser	31
2.4.7 Minimaler Ablenkwinkel am Prisma	31
2.4.8 Bauernfeind-Prisma	31
2.4.9 Abbe-Refraktometer	32

2.5	Brechung an gekrümmten Flächen.	32
2.5.1	Kartesisches Ovaloid.	32
2.5.2	Vergleich Kartesisches Ovaloid und Kugelfläche	33
2.5.3	Stablinse mit Abbe'scher Invariante	33
2.5.4	Kugellinse mit Abbe'scher Invariante.	34
2.5.5	Kugelförmiges Aquarium.	34
2.6	Abbildung durch Linsen	34
2.6.1	Linse an Luft und Wasser.	34
2.6.2	Brennweite in Abhängigkeit vom umgebenden Medium	34
2.6.3	Linsenschleifergleichung	34
2.6.4	Linsenschleifergleichung	35
2.6.5	Bessel-Verfahren zur Brennweitenbestimmung	35
2.6.6	Abbildungsfälle bei einer Sammellinse	35
2.6.7	Abbildungsfälle bei einer Zerstreuungslinse.	35
2.6.8	Abbildung eines weit entfernten Gegenstandes	36
2.6.9	Linsensystem mit drei Linsen	36
2.6.10	Dicke Linse, Fermat'sches Prinzip	36
2.6.11	Abbildung durch eine dicke Plankonvexlinse	37
2.6.12	Brennweite einer dicken Plankonvexlinse	37
2.6.13	Brennweite und Hauptebenen einer dicken Meniskuslinse.	37
2.6.14	Brechkraft einer dicken Bikonvexlinse.	37
2.6.15	Stablinse.	37
2.6.16	Anamorphotische Abbildung.	38
2.6.17	Linsensystem aus zwei Sammellinsen	38
2.6.18	Linsensystem aus Sammel- und Zerstreuungslinse	38
2.6.19	Achromat	39
2.6.20	Hauptebenen dicker Linsen	39
2.7	Matrixmethoden der Gauß'schen Optik.	40
2.7.1	Laserschneidkopf	40
2.7.2	Dreilinsiges System	40
2.7.3	Systemmatrix	41
2.7.4	Kollimation mit GRIN-Linse.	41
2.7.5	Abbildung mit GRIN-Linse.	41
2.7.6	Unterwasserlampe	41
2.7.7	Dünne Linse in verschiedenen Medien	42
2.7.8	Kombination aus Zerstreuungslinse und Hohlspiegel	42
2.7.9	Kameraobjektiv.	42
2.8	Strahlbegrenzungen.	43
2.8.1	Pupillen	43
2.8.2	Pupillenlagen und Öffnungswinkel.	43
2.8.3	Pupillen und Öffnungswinkel eines Systems.	44
2.8.4	Luken	44
2.8.5	Luken und Pupillen.	44
2.8.6	Fernrohr mit Feldblende und Feldlinse	44
2.8.7	Blendenlage	45
2.9	Abbildungsfehler	45
2.9.1	Fehlerarten	45

2.9.2	Farbfehler	45
2.9.3	Linsenanordnung für minimalen Öffnungsfehler	45
2.9.4	Linse bester Form	45
2.9.5	Reduktion der Koma	46
2.9.6	Beseitigung des Astigmatismus	46
2.9.7	Achromatisches Dublett	46
2.10	Optische Instrumente	46
2.10.1	Augenmodell mit Matrizenmethoden	46
2.10.2	Akkommodation der Augenlinse	47
2.10.3	Korrektur der Kurzsichtigkeit mit Kontaktlinse	48
2.10.4	Lupenvergrößerung	48
2.10.5	Huygens-Okular	48
2.10.6	Mikroskopvergrößerung	48
2.10.7	Förderliche Vergrößerung eines Mikroskops	49
2.10.8	Astronomisches Fernrohr	49
2.10.9	Galilei'sches Fernrohr	49
2.10.10	Auflösungsvermögen einer Digitalkamera	49
2.10.11	Schärfentiefe bei Nahaufnahmen	50

3 Radio- und Fotometrie 51

3.1	Strahlungsphysikalische Größen, Radiometrie	51
3.1.1	Kollimationsausbeute bei Kugelstrahler	51
3.1.2	Kollimationsausbeute bei Lambert-Strahler	51
3.1.3	Abstrahlung einer LED	52
3.1.4	Ebene Fläche strahlt auf Detektor	52
3.1.5	Strahldichte einer diffus reflektierenden Fläche	53
3.1.6	Wien'sches Verschiebungsgesetz	53
3.1.7	Stefan-Boltzmann-Gesetz	53
3.1.8	Lichtleitwert	53
3.2	Erfassen und Transfer der Strahlung von Lampen	54
3.2.1	Kenngößen	54
3.2.2	Ulbrichtkugel	54
3.2.3	Bestrahlungsstärke in der Ulbrichtkugel	54
3.3	Lichttechnische Größen, Fotometrie	55
3.3.1	Lichtstrom einer roten LED	55
3.3.2	Lichtstrom einer Wolfram-Halogen-Lampe	55
3.3.3	Hellempfindlichkeitsgrad	56
3.3.4	Abstrahlcharakteristik einer LED	56
3.3.5	Straßenbeleuchtung	57
3.3.6	Leuchtdichte der Sonne	57
3.4	Lichttechnische Größen, Fotometrie	58
3.4.1	Farbwertanteile eines schwarzen Strahlers	58
3.4.2	Farbwertanteile einer LED	58
3.4.3	Farbwertanteile einer Wolfram-Halogen-Lampe	60
3.4.4	Farbmischung	60

4	Wellenoptik	61
4.1	Elektromagnetische Wellen	61
4.1.1	Sichtbares Spektrum	61
4.1.2	Wellengleichung in Abhängigkeit von der Laufrichtung	61
4.1.3	Laufrichtung einer Welle	61
4.1.4	Kugelwelle	61
4.1.5	Ebene Wellen in verschiedenen Richtungen	62
4.1.6	Feldstärken solarer Strahlung	62
4.2	Polarisation des Lichts	62
4.2.1	Polarisationsformen	62
4.2.2	Jones-Vektoren	62
4.2.3	Interpretation von Jones-Vektoren	63
4.2.4	Gesetz von Malus	63
4.2.5	Viertel- und Halbwellenplatte	63
4.2.6	Jones Matrizen	63
4.2.7	Polarisation durch Reflexion	63
4.2.8	Polarisationsfolien	64
4.2.9	Gesetz von Malus mit realen Polarisatoren	64
4.2.10	Tripel-Polarisator	64
4.2.11	Indexellipsoid in einachsigen Kristallen	65
4.2.12	Glan-Taylor-Prisma	65
4.2.13	Rochon-Prisma	65
4.2.14	$\lambda/2$ -Platte nullter Ordnung	66
4.2.15	Licht-Modulator	66
4.3	Lichtwellen an Grenzflächen	66
4.3.1	Fresnel'sche Gleichungen	66
4.3.2	Fresnel-Rhombus	66
4.3.3	Totalreflexion	67
4.3.4	Reflexion an einer Metalloberfläche	67
4.4	Interferenz	67
4.4.1	Gangunterschied	67
4.4.2	Zweistrahlinterferenz	68
4.4.3	Laser-Array	68
4.4.4	Doppelspalt	68
4.4.5	Kohärenzeigenschaften eines Halbleiterlasers	69
4.4.6	Kohärenzeigenschaften einer Spektrallampe	69
4.4.7	Gruppenindex	69
4.4.8	Gruppenindex von Quarzglas	69
4.4.9	Holografisches Gitter	70
4.4.10	Stehende Wellen im Laser-Resonator	70
4.4.11	Farbreflexe einer Seifenlamelle	71
4.4.12	Fizeau-Streifen	71
4.4.13	Reflexvermindernde Einzelschicht	71
4.4.14	Reflexvermindernde Einzelschicht für Unterwasserkamera	72
4.4.15	Dielektrischer Spiegel	72
4.4.16	Michelson-Interferometer	72

4.4.17	Wärmeausdehnung mit Michelson-Interferometer	72
4.4.18	Fabry-Perot-Interferometer	73
4.4.19	Fabry-Perot-Interferometer – Auflösungsvermögen	73
4.5	Beugung	73
4.5.1	Huygens'sches Prinzip	73
4.5.2	Spaltbeugung	74
4.5.3	Beugung am Rechteckspalt	74
4.5.4	Intensitätsverhältnisse bei der Spaltbeugung	75
4.5.5	Linsenfokus	75
4.5.6	Auflösungsvermögen des Auges und Pixelbilder	75
4.5.7	Airy-Scheibchen	76
4.5.8	Doppelspalt	76
4.5.9	Auflösung eines Gitters	76
4.5.10	Spektrometer mit Reflexionsgitter	77
4.5.11	Lineare Dispersion	77
4.6	Gauß'sche Strahlen	77
4.6.1	Strahlradius	77
4.6.2	Lunar Laser Ranging	77
4.6.3	Gaußstrahl	78
4.6.4	Laserfokussierung	78
4.6.5	Laser mit geringer Divergenz	79
4.7	Holografie	79
4.7.1	Weißlichthologramm	79
4.7.2	Intensitätsverlauf bei Hologramm-Belichtung	80

5 Quantenoptik.81

5.1	Lichtquanten	81
5.1.1	Äußerer Fotoeffekt	81
5.1.2	Innerer Fotoeffekt	81
5.1.3	Lichtdruck	81
5.1.4	Druck solarer Photonen	82
5.1.5	Photonenenergien und -impulse	83
5.1.6	Elektron-Photon-Stoß	83
5.2	Welle-Teilchen-Dualismus	83
5.2.1	Antreffwahrscheinlichkeit gebeugter Photonen	83
5.3	Absorption und Emission von Licht	84
5.3.1	Photonabsorption	84
5.3.2	Impuls- und Energieerhaltung bei der Emission	84
5.3.3	Lebensdauer angeregter Elektronen und spektrale Linienbreite	85
5.4	Laser	85
5.4.1	Verstärkung eines Lasers	85
5.4.2	Reflexionsgrad von Laserspiegeln	85
5.4.3	Frequenzänderung infolge von Längenänderung	85
5.4.4	Monomode-Laser	85
5.4.5	Laser-Pulse	86
5.4.6	Femtosekundenlaser	86

6	Optoelektronik	87
6.1	Halbleiter-Sender	87
6.1.1	Temperaturdrift der LED-Farbe	87
6.1.2	Wirkungsgrade einer LED	87
6.1.3	Plastik-Vergusskörper einer LED	87
6.1.4	Modulation einer IRED	88
6.1.5	Temperaturabhängigkeit der Laserschwelle	89
6.1.6	Abstand longitudinaler Moden	89
6.1.7	Modensprünge	89
6.1.8	Modulation eines Halbleiterlasers	90
6.1.9	Laserschwelle	90
6.1.10	DFB-Laser	90
6.2	Halbleiter-Detektoren	90
6.2.1	Eindringtiefe von Photonen	90
6.2.2	Quantenausbeute und Empfindlichkeit	91
6.2.3	Detektivität von pin-Fotodioden	91
6.2.4	Lawinenfotodiode	91
6.2.5	Silicium-Fotodiode	91
7	Führung von Licht in Lichtwellenleitern	93
7.1	Einleitung	93
7.1.1	Eigenschaften von Lichtwellenleitern	93
7.2	Schichtwellenleiter	93
7.2.1	Doppelheterostruktur	93
7.3	Wellen in zylindrischen Fasern	93
7.3.1	Stufenindex-Faser	93
7.3.2	Monomode-Faser	94
7.3.3	Zusammensetzung des Faserkerns	94
7.4	Dämpfung in Lichtwellenleitern	94
7.4.1	Dämpfungskoeffizient	94
7.4.2	Dämpfung in PMMA	95
7.4.3	Abschneidemethode	95
7.4.4	Wechsel des Sendelasers	95
7.4.5	Nachrichtenübertragung auf POF	95
7.5	Dispersion im Lichtwellenleiter	96
7.5.1	Bitrate einer Stufenindex-Faser	96
7.5.2	Bitrate einer Plastikfaser	96
7.5.3	Kombination von Dispersionsmechanismen	96
7.5.4	Dispersion einer Multimodefaser	96

Teil II Lösungen

1	Einleitung	99
1.1	Lichtwellenlängen	99
1.2	Welleneigenschaften	99
2	Geometrische Optik	101
2.1	Lichtstrahlen, optische Abbildung	101
2.3	Reflexion von Lichtstrahlen	101
2.3.1	Reflexionsgesetz aus Fermat'schem Prinzip	101
2.3.2	Winkelspiegel	101
2.3.3	Rotierende Flüssigkeit als Parabolspiegel	102
2.3.4	Konstruktive Verfolgung eines schiefen Strahls bei einem Spiegel	103
2.3.5	Abbildung eines weit entfernten Gegenstands durch einen Hohlspiegel	103
2.3.6	Newton'sche Abbildungsgleichung beim Hohlspiegel	103
2.3.7	Abbildung durch Hohl- und Wölbspiegel	104
2.3.8	Vergrößerung eines Kosmetikspiegels	104
2.4	Brechung des Lichts	105
2.4.1	Brechungsgesetz aus Fermat'schem Prinzip	105
2.4.2	Codenummern optischer Gläser	106
2.4.3	Brechung an einem Glaswürfel	106
2.4.4	Brechung und Totalreflexion an einem Prisma	106
2.4.5	Brechzahlbestimmung	107
2.4.6	Numerische Apertur einer Glasfaser	107
2.4.7	Minimaler Ablenkwinkel am Prisma	107
2.4.8	Bauernfeind-Prisma	109
2.4.9	Abbe-Refraktometer	110
2.5	Brechung an gekrümmten Flächen	111
2.5.1	Kartesisches Ovaloid	111
2.5.2	Vergleich Kartesisches Ovaloid und Kugelfläche	112
2.5.3	Stablinse mit Abbe'scher Invariante	112
2.5.4	Kugellinse mit Abbe'scher Invariante	112
2.5.5	Kugelförmiges Aquarium	113
2.6	Abbildung durch Linsen	113
2.6.1	Linse an Luft und Wasser	113
2.6.2	Brennweite in Abhängigkeit vom umgebenden Medium	114
2.6.3	Linsenschleifergleichung	114
2.6.4	Linsenschleifergleichung	115
2.6.5	Bessel-Verfahren zur Brennweitenbestimmung	115
2.6.6	Abbildungsfälle bei einer Sammellinse	116
2.6.7	Abbildungsfälle bei einer Zerstreuungslinse	116
2.6.8	Abbildung eines weit entfernten Gegenstandes	116
2.6.9	Linsensystem mit drei Linsen	117
2.6.10	Dicke Linse, Fermat'sches Prinzip	118
2.6.11	Abbildung durch eine dicke Plankonvexlinse	118

2.6.12	Brennweite einer dicken Plankonvexlinse	119
2.6.13	Brennweite und Hauptebenen einer dicken Meniskuslinse	119
2.6.14	Brechkraft einer dicken Bikonvexlinse	119
2.6.15	Stablinse	120
2.6.16	Anamorphotische Abbildung	121
2.6.17	Linsensystem aus zwei Sammellinsen	122
2.6.18	Linsensystem aus Sammel- und Zerstreuungslinse	123
2.6.19	Achromat	123
2.6.20	Hauptebenen dicker Linsen	124
2.7	Matrixmethoden der Gauß'schen Optik	126
2.7.1	Laserschneidkopf	126
2.7.2	Dreilinsiges System	127
2.7.3	Systemmatrix	128
2.7.4	Kollimation mit GRIN-Linse	129
2.7.5	Abbildung mit GRIN-Linse	130
2.7.6	Unterwasserlampe	131
2.7.7	Dünne Linse in verschiedenen Medien	133
2.7.8	Kombination aus Zerstreuungslinse und Hohlspiegel	134
2.7.9	Kameraobjektiv	135
2.8	Strahlbegrenzungen	136
2.8.1	Pupillen	136
2.8.2	Pupillenlagen und Öffnungswinkel	136
2.8.3	Pupillen und Öffnungswinkel eines Systems	138
2.8.4	Luken	139
2.8.5	Luken und Pupillen	139
2.8.6	Fernrohr mit Feldblende und Feldlinse	140
2.8.7	Blendenlage	142
2.9	Abbildungsfehler	143
2.9.1	Fehlerarten	143
2.9.2	Farbfehler	143
2.9.3	Linsenanordnung für minimalen Öffnungsfehler	143
2.9.4	Linse bester Form	143
2.9.5	Reduktion der Koma	144
2.9.6	Beseitigung des Astigmatismus	144
2.9.7	Achromatisches Dublett	144
2.10	Optische Instrumente	145
2.10.1	Augenmodell mit Matrizenmethoden	145
2.10.2	Akkommodation der Augenlinse	147
2.10.3	Korrektur der Kurzsichtigkeit mit Kontaktlinse	148
2.10.4	Lupenvergrößerung	149
2.10.5	Huygens-Okular	149
2.10.6	Mikroskopvergrößerung	151
2.10.7	Förderliche Vergrößerung eines Mikroskops	151
2.10.8	Astronomisches Fernrohr	152
2.10.9	Galilei'sches Fernrohr	153
2.10.10	Auflösungsvermögen einer Digitalkamera	154
2.10.11	Schärfentiefe bei Nahaufnahmen	154

3	Radio- und Fotometrie	157
3.1	Strahlungsphysikalische Größen, Radiometrie	157
3.1.1	Kollimationsausbeute bei Kugelstrahler	157
3.1.2	Kollimationsausbeute bei Lambert-Strahler	157
3.1.3	Abstrahlung einer LED	158
3.1.4	Ebene Fläche strahlt auf Detektor	159
3.1.5	Strahldichte einer diffus reflektierenden Fläche	160
3.1.6	Wien'sches Verschiebungsgesetz	161
3.1.7	Stefan-Boltzmann-Gesetz	161
3.1.8	Lichtleitwert	162
3.2	Erfassen und Transfer der Strahlung von Lampen	163
3.2.1	Kenngößen	163
3.2.2	Ulbrichtkugel	164
3.2.3	Bestrahlungsstärke in der Ulbrichtkugel	165
3.3	Lichttechnische Größen, Fotometrie	166
3.3.1	Lichtstrom einer roten LED	166
3.3.2	Lichtstrom einer Wolfram-Halogen-Lampe	167
3.3.3	Hellempfindlichkeitsgrad	168
3.3.4	Abstrahlcharakteristik einer LED	169
3.3.5	Straßenbeleuchtung	169
3.3.6	Leuchtdichte der Sonne	170
3.4	Lichttechnische Größen, Fotometrie	172
3.4.1	Farbwertanteile eines schwarzen Strahlers	172
3.4.2	Farbwertanteile einer LED	172
3.4.3	Farbwertanteile einer Wolfram-Halogen-Lampe	173
3.4.4	Farbmischung	174
4	Wellenoptik	177
4.1	Elektromagnetische Wellen	177
4.1.1	Sichtbares Spektrum	177
4.1.2	Wellengleichung in Abhängigkeit von der Laufrichtung	177
4.1.3	Laufrichtung einer Welle	177
4.1.4	Kugelwelle	177
4.1.5	Ebene Wellen in verschiedenen Richtungen	178
4.1.6	Feldstärken solarer Strahlung	179
4.2	Polarisation des Lichts	179
4.2.1	Polarisationsformen	179
4.2.2	Jones-Vektoren	179
4.2.3	Interpretation von Jones-Vektoren	181
4.2.4	Gesetz von Malus	182
4.2.5	Viertel- und Halbwellenplatte	183
4.2.6	Jones Matrizen	184
4.2.7	Polarisation durch Reflexion	186
4.2.8	Polarisationsfolien	187
4.2.9	Gesetz von Malus mit realen Polarisatoren	187
4.2.10	Tripel-Polarisator	188

4.2.11	Indexellipsoid in einachsigen Kristallen	189
4.2.12	Glan-Taylor-Prisma	190
4.2.13	Rochon-Prisma	190
4.2.14	$\lambda/2$ -Platte nullter Ordnung	191
4.2.15	Licht-Modulator	192
4.3	Lichtwellen an Grenzflächen	194
4.3.1	Fresnel'sche Gleichungen	194
4.3.2	Fresnel-Rhombus	195
4.3.3	Totalreflexion	196
4.3.4	Reflexion an einer Metalloberfläche	196
4.4	Interferenz	197
4.4.1	Gangunterschied	197
4.4.2	Zweistrahlinterferenz	198
4.4.3	Laser-Array	198
4.4.4	Doppelspalt	199
4.4.5	Kohärenzeigenschaften eines Halbleiterlasers	200
4.4.6	Kohärenzeigenschaften einer Spektrallampe	200
4.4.7	Gruppenindex	200
4.4.8	Gruppenindex von Quarzglas	201
4.4.9	Holografisches Gitter	201
4.4.10	Stehende Wellen im Laser-Resonator	202
4.4.11	Farbreflexe einer Seifenlamelle	202
4.4.12	Fizeau-Streifen	203
4.4.13	Reflexvermindernde Einfeldschicht	203
4.4.14	Reflexvermindernde Einfeldschicht für Unterwasserkamera	204
4.4.15	Dielektrischer Spiegel	204
4.4.16	Michelson-Interferometer	205
4.4.17	Wärmeausdehnung mit Michelson-Interferometer	205
4.4.18	Fabry-Perot-Interferometer	205
4.4.19	Fabry-Perot-Interferometer – Auflösungsvermögen	207
4.5	Beugung	208
4.5.1	Huygens'sches Prinzip	208
4.5.2	Spaltbeugung	209
4.5.3	Beugung am Rechteckspalt	209
4.5.4	Intensitätsverhältnisse bei der Spaltbeugung	210
4.5.5	Linsenfokus	211
4.5.6	Auflösungsvermögen des Auges und Pixelbilder	211
4.5.7	Airy-Scheibchen	212
4.5.8	Doppelspalt	212
4.5.9	Auflösung eines Gitters	213
4.5.10	Spektrometer mit Reflexionsgitter	214
4.5.11	Lineare Dispersion	214
4.6	Gauß'sche Strahlen	215
4.6.1	Strahlradius	215
4.6.2	Lunar Laser Ranging	215
4.6.3	Gaußstrahl	216
4.6.4	Laserfokussierung	217

4.6.5	Laser mit geringer Divergenz	217
4.7	Holografie	218
4.7.1	Weißlichthologramm	218
4.7.2	Intensitätsverlauf bei Hologramm-Belichtung.....	219

5 Quantenoptik. 221

5.1	Lichtquanten.....	221
5.1.1	Äußerer Fotoeffekt	221
5.1.2	Innerer Fotoeffekt.....	222
5.1.3	Lichtdruck	222
5.1.4	Druck solarer Photonen	222
5.1.5	Photonenenergien und -impulse	223
5.1.6	Elektron-Photon-Stoß	223
5.2	Welle-Teilchen-Dualismus	225
5.2.1	Antreffwahrscheinlichkeit gebeugter Photonen	225
5.3	Absorption und Emission von Licht	227
5.3.1	Photonabsorption	227
5.3.2	Impuls- und Energieerhaltung bei der Emission.....	227
5.3.3	Lebensdauer angeregter Elektronen und spektrale Linienbreite ...	228
5.4	Laser.....	229
5.4.1	Verstärkung eines Lasers.....	229
5.4.2	Reflexionsgrad von Laserspiegeln.....	229
5.4.3	Frequenzänderung infolge von Längenänderung	229
5.4.4	Monomode-Laser.....	230
5.4.5	Laser-Pulse.....	230
5.4.6	Femtosekundenlaser.....	231

6 Optoelektronik 233

6.1	Halbleiter-Sender	233
6.1.1	Temperaturdrift der LED-Farbe	233
6.1.2	Wirkungsgrade einer LED	233
6.1.3	Plastik-Vergusskörper einer LED.....	234
6.1.4	Modulation einer IRED.....	234
6.1.5	Temperaturabhängigkeit der Laserschwelle	235
6.1.6	Abstand longitudinaler Moden	235
6.1.7	Modensprünge.....	236
6.1.8	Modulation eines Halbleiterlasers.....	237
6.1.9	Laserschwelle	237
6.1.10	DFB-Laser.....	238
6.2	Halbleiter-Detektoren.....	238
6.2.1	Eindringtiefe von Photonen	238
6.2.2	Quantenausbeute und Empfindlichkeit	238
6.2.3	Detektivität von pin-Fotodioden.....	239
6.2.4	Lawinenfotodiode	239
6.2.5	Silicium-Fotodiode.....	239

7	Führung von Licht in Lichtwellenleitern	241
7.1	Einleitung	241
7.1.1	Eigenschaften von Lichtwellenleitern	241
7.2	Schichtwellenleiter	241
7.2.1	Doppelheterostruktur	241
7.3	Wellen in zylindrischen Fasern	242
7.3.1	Stufenindex-Faser	242
7.3.2	Monomode-Faser	243
7.3.3	Zusammensetzung des Faserkerns	244
7.4	Dämpfung in Lichtwellenleitern	245
7.4.1	Dämpfungskoeffizient	245
7.4.2	Dämpfung in PMMA	246
7.4.3	Abschneidemethode	247
7.4.4	Wechsel des Sendelasers	247
7.4.5	Nachrichtenübertragung auf POF	248
7.5	Dispersion im Lichtwellenleiter	248
7.5.1	Bitrate einer Stufenindex-Faser	248
7.5.2	Bitrate einer Plastikfaser	249
7.5.3	Kombination von Dispersionsmechanismen	249
7.5.4	Dispersion einer Multimodefaser	250

1

Einleitung

■ 1.1 Lichtwellenlängen

In welchem Wellenlängen- und Frequenzbereich liegt das sichtbare Spektrum (VIS)?

■ 1.2 Welleneigenschaften

Um welche Art Welle handelt es sich bei Lichtwellen?

2

Geometrische Optik

■ 2.1 Lichtstrahlen, optische Abbildung

Wie entsteht eine reelle und eine virtuelle Abbildung?

■ 2.2 Fermat'sches Prinzip

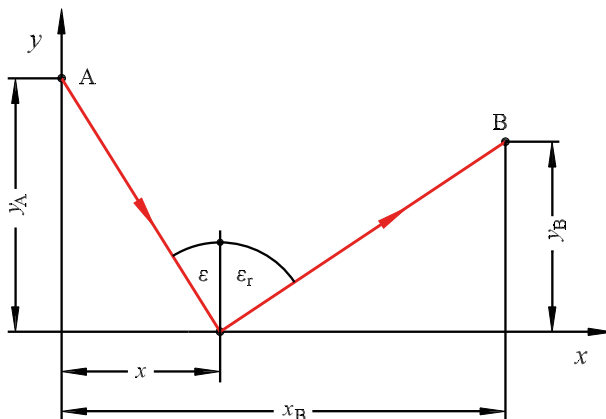
Siehe Aufgaben 2.3.1, 2.4.1 und 2.6.10.

■ 2.3 Reflexion von Lichtstrahlen

2.3.1 Reflexionsgesetz aus Fermat'schem Prinzip

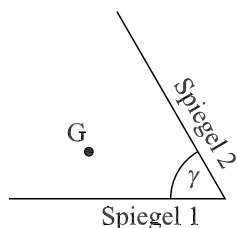
Leiten Sie mithilfe des Fermat'schen Prinzips (Gl. (2.2)) das Reflexionsgesetz (Gl. (2.3)) her.

Hinweis: Berechnen Sie den Weg l zwischen den Punkten A und B in Abhängigkeit von x und bestimmen Sie x so, dass l minimal wird. Damit lässt sich zeigen, dass $\varepsilon = \varepsilon_r$ ist.



2.3.2 Winkelspiegel

Wie viele Bilder sieht man von einem leuchtenden Gegenstandspunkt G, der vor einem Winkelspiegel mit dem Öffnungswinkel $\gamma = 60^\circ$ steht?



2.3.3 Rotierende Flüssigkeit als Parabolspiegel

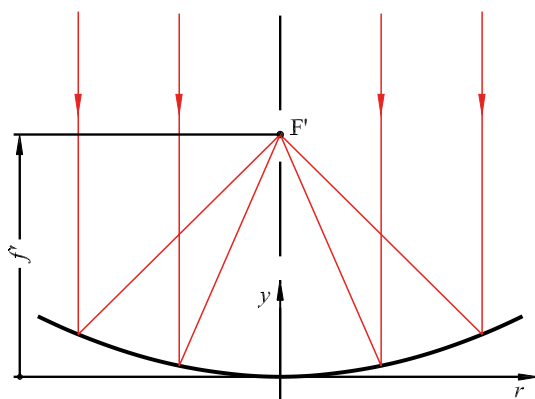
Die Oberfläche einer rotierenden Flüssigkeit hat die Form eines Paraboloids. Dabei gilt

$$y = \frac{\omega^2 r^2}{2g},$$

mit ω : Winkelgeschwindigkeit der Rotation, g : Fallbeschleunigung.

Große Parabolspiegel für astronomische Fernrohre werden beispielsweise hergestellt, indem flüssige Glasmasse in eine langsam rotierende Form gegossen wird. Nach der Erkaltung hat die Oberfläche die gewünschte Paraboloidform.

Welche Brennweite hat ein Parabolspiegel, wenn die Drehzahl des Karussells $n = 6 \text{ min}^{-1}$ betrug?



2.3.4 Konstruktive Verfolgung eines schiefen Strahls bei einem Spiegel

Konstruieren Sie den Weg eines schief auf einen Hohl- bzw. Wölbspiegel fallenden Strahls.

2.3.5 Abbildung eines weit entfernten Gegenstands durch einen Hohlspiegel

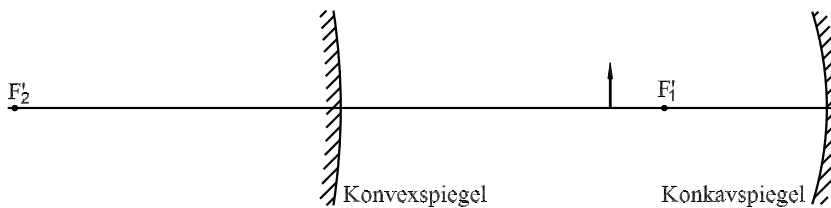
Der 200-Zoll-Spiegel auf dem Mt. Palomar (Kalifornien) hat eine Brennweite von $|f'| = 16,8 \text{ m}$. Wird er auf den Mond gerichtet, so entsteht in seiner Brennebene ein Bild des Mondes mit $d' = 151,5 \text{ mm}$ Durchmesser. Unter welchem Winkel erscheint der Mond von der Erde aus?

2.3.6 Newton'sche Abbildungsgleichung beim Hohlspiegel

Bezeichnet man beim Hohlspiegel den Abstand des Gegenstands vom Brennpunkt mit z und die des Bildes mit z' , so gilt die Beziehung $z \cdot z' = f'^2$. Beweisen Sie diese *Newton'sche Abbildungsgleichung*.

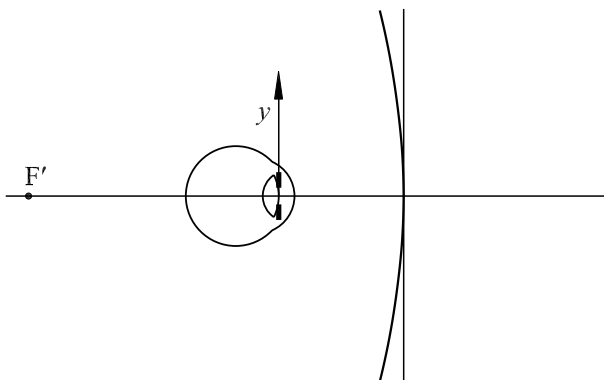
2.3.7 Abbildung durch Hohl- und Wölbspiegel

Vor einem Hohlspiegel der Brennweite $f'_1 = -50$ mm befindet sich im Abstand $a_1 = (4/3)f'_1$ ein Gegenstand. Die vom Hohlspiegel reflektierten Strahlen treffen auf einen Wölbspiegel mit der Brennweite $f'_2 = -2f'_1$. Beide Spiegel haben dieselbe optische Achse und den gegenseitigen Abstand $e = |3f'_1|$. Bestimmen Sie den Ort des Bildes sowie den Abbildungsmaßstab.



2.3.8 Vergrößerung eines Kosmetikspiegels

Vor einem Hohlspiegel (Kosmetikspiegel) der Brennweite $f' = -30$ cm steht eine Person und betrachtet ihr Spiegelbild. In welcher Gegenstandsweite a vor dem Spiegel muss sich das Gesicht befinden, wenn der Abstand vom Gesicht zum Bild hinter dem Spiegel 25 cm sein soll? Wie groß ist der Abbildungsmaßstab β' ? Zeichnen Sie den Weg eines Strahlenbündels, das von einem Objektpunkt ausgeht und in das Auge eintritt, das sich auf der optischen Achse befinden soll.



■ 2.4 Brechung des Lichts

2.4.1 Brechungsgesetz aus Fermat'schem Prinzip

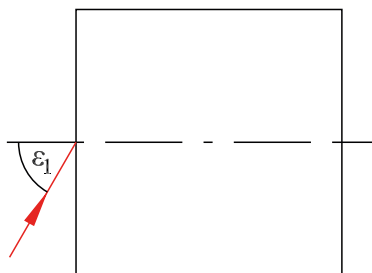
Leiten Sie das Snellius'sche Brechungsgesetz aus dem Fermat'schen Prinzip her.

2.4.2 Codenummern optischer Gläser

Welche Codenummer hat das Schwerkronglas SK 15 mit $n_d = 1,622990$ und $\nu_d = 58,06$?

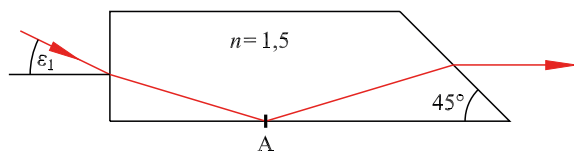
2.4.3 Brechung an einem Glaswürfel

Ein Lichtstrahl, der in der Zeichenebene verläuft, fällt unter dem Winkel $\varepsilon_1 = 60^\circ$ auf die Flächenmitte eines von Luft umgebenen Würfels aus Glas. Bestimmen Sie den Lichtweg im Würfel, wenn der Brechungsindex des Glases $n = 1,5$ beträgt. Unter welchem Winkel verlässt der Strahl den Würfel?



2.4.4 Brechung und Totalreflexion an einem Prisma

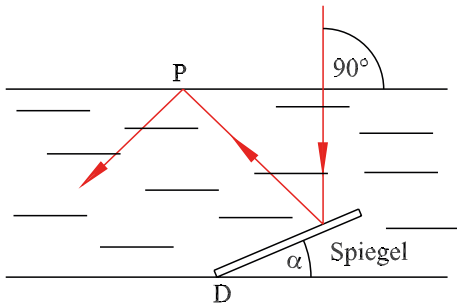
Ein Lichtstrahl fällt gemäß Skizze auf einen Glasblock der Brechzahl $n = 1,5$, der sich an Luft befindet.



- Wie groß muss der Einfallswinkel ε_1 sein, damit der Strahl den Block parallel zur Basislinie verlässt? Zeigen Sie, dass an der Stelle A Totalreflexion auftritt.
- Nun wird der Glasblock auf eine Flüssigkeitsoberfläche aufgesetzt, so dass die Flüssigkeit die Basisfläche benetzt. Wie groß muss der Brechungsindex der Flüssigkeit sein, damit die Totalreflexion im Punkt A verschwindet?

2.4.5 Brechzahlbestimmung

Die Brechzahl einer Zuckerlösung wird folgendermaßen bestimmt: Auf dem Boden eines Gefäßes befindet sich ein Spiegel, der um die Achse D drehbar ist. Ein Lichtstrahl, der senkrecht zur Oberfläche in die Lösung eintritt, wird im Punkt P gerade total reflektiert, wenn der Winkel $\alpha = 23,0^\circ$ ist. Wie groß ist der Brechungsindex der Zuckerlösung?



2.4.6 Numerische Apertur einer Glasfaser

Leiten sie die Gleichung (2.19) für die numerische Apertur einer Stufenindexfaser her.

2.4.7 Minimaler Ablenkswinkel am Prisma

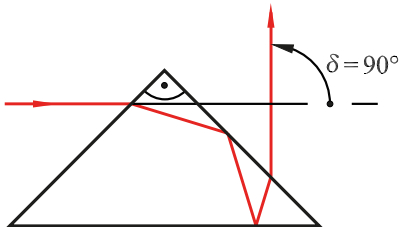
Bei einem Prisma nach Bild 2.18 mit brechendem Winkel $\alpha = 60^\circ$ und Brechungsindex $n = 1,5$ soll der Betrag des Ablenkswinkels δ in Abhängigkeit vom Einfallswinkel ϵ'_1 aufgetragen werden. Das umgebende Medium ist Luft.

Verifizieren Sie anhand der Kurve die Aussage, dass der Ablenkswinkel bei symmetrischem Durchgang minimal wird.

Was passiert für Einfallswinkel $\epsilon'_1 < 27,92^\circ$?

2.4.8 Bauernfeind-Prisma

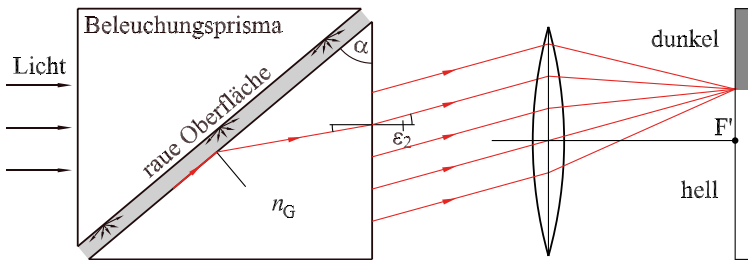
Das Bauernfeind-Prisma hat den Prismenwinkel $\alpha = 90^\circ$ und ist gleichschenkelig. Die Basis ist verspiegelt. Ein Strahl fällt parallel zur Basis in der Nähe der brechenden Kante auf das Prisma.



Zeigen Sie, dass der Ablenkswinkel δ stets 90° ist, unabhängig von der Höhe des Einfalls.

2.4.9 Abbe-Refraktometer

Das Abbe-Refraktometer dient der Bestimmung der Brechzahl von Flüssigkeiten und Festkörpern. Fällt Licht in das Beleuchtungsprisma, dann wird infolge der rauen Glasoberfläche der Basis in die Flüssigkeit (grau) diffuses Licht in allen denkbaren Richtungen eintreten. Der Weg eines streifend einfallenden Strahls ist in der Abbildung gezeichnet. In der Brennebene der Linse ergibt sich eine hell/dunkel-Grenze, aus deren Lage der Brechungsindex der Flüssigkeit bestimmt werden kann.



- a) Leiten Sie folgende Gleichung für den Brechungsindex n der Flüssigkeit in Abhängigkeit vom Prismenwinkel α , dem Austrittswinkel ε_2 sowie dem Brechungsindex n_G des Prismenglases her:

$$n = \cos \alpha \sin \varepsilon_2 + \sin \alpha \sqrt{n_G^2 - \sin^2 \varepsilon_2} .$$

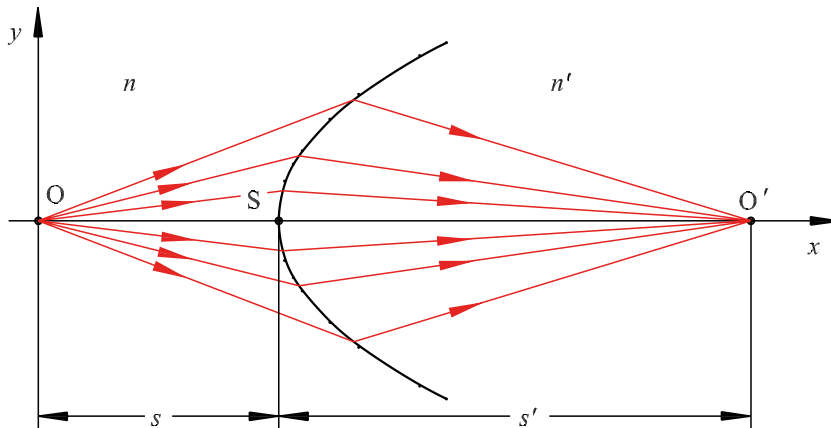
- b) Berechnen Sie den Brechungsindex für die Daten $\alpha = 50^\circ$, $\varepsilon_2 = 15,3^\circ$, $n_G = 1,55$ sowie $\alpha = 60^\circ$, $\varepsilon_2 = -8,6^\circ$, $n_G = 1,6$.

■ 2.5 Brechung an gekrümmten Flächen

2.5.1 Kartesisches Ovaloid

Welche mathematische Beziehung beschreibt die Form eines *kartesischen Ovaloids*, das sich dadurch auszeichnet, dass sich alle Strahlen, die von einem Objektpunkt O ausgehen, nach der Brechung an der Oberfläche im Bildpunkt O' treffen?

Konstruieren Sie ein Oval für die Schnittweiten $s = 60 \text{ mm}$ und $s' = 120 \text{ mm}$ mit den Brechzahlen $n = 1$ und $n' = 1,5$



2.5.2 Vergleich Kartesisches Ovaloid und Kugelfläche

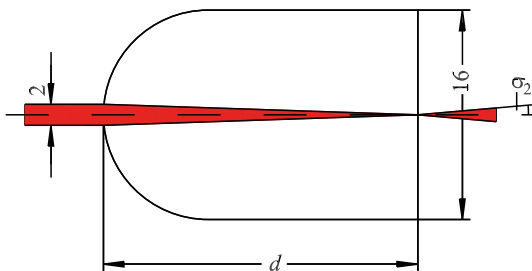
Die Abbildung eines Objektpunktes in einen Bildpunkt mit den Zahlenwerten von Aufgabe 2.5.1 soll nun durch eine sphärische Oberfläche im Paraxialgebiet durchgeführt werden. Berechnen Sie mithilfe der Abbe'schen Invariante den Krümmungsradius der erforderlichen Kugelfläche und vergleichen Sie das Ergebnis mit dem Kartesischen Ovaloid von Aufgabe 2.5.1.

2.5.3 Stablinse mit Abbe'scher Invariante

An ein Glasstäbchen mit 16 mm Durchmesser wird eine Halbkugel angeschmolzen (s. Skizze). Ein Laserstrahl mit 2 mm Durchmesser fällt parallel zur Symmetrieachse auf die Kugelfläche. Der Brechungsindex des Glases ist $n' = 1,5$; es ist von Luft umgeben.

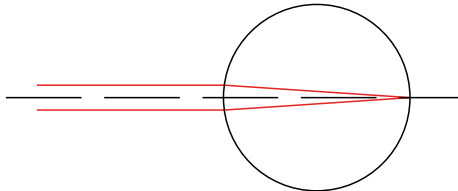
- Auf welche Länge d muss das Glasstäbchen abgeschnitten werden, damit der Laser genau am ebenen Ende fokussiert wird?
- Unter welchem Winkel σ_2 treten die Randstrahlen des Lichtbündels an der Planfläche aus?

Hinweis: Tatsächlich werden Laserstrahlen als Gauß'sche Strahlen beschrieben (s. Abschn. 4.6). Hier soll näherungsweise mit paraxialen Strahlen der geometrischen Optik gerechnet werden.



2.5.4 Kugellinse mit Abbe'scher Invariante

Welchen Brechungsindex müsste eine transparente Kugel haben, damit ein durch die Mitte gehendes paralleles Strahlenbündel auf einem gegenüber liegenden Punkt auf der Kugeloberfläche fokussiert würde? Die Kugel befindet sich an Luft.



2.5.5 Kugelförmiges Aquarium

Ein Fisch schwimmt in der Mitte eines kugelförmigen Aquariums mit dem Durchmesser 32 cm. Wo erscheint das Bild des Fisches, wenn der Einfluss des dünnen Glases auf die Brechung der Lichtstrahlen vernachlässigt wird?

■ 2.6 Abbildung durch Linsen

2.6.1 Linse an Luft und Wasser

Die Konvexeite einer dünnen Plankonvexlinse ($n_L = 1,6$) hat einen Krümmungsradius von $r = +120$ mm. Die Linse ist auf der Planseite von Wasser umgeben ($n_W = 1,333$) und auf der Konvexeite von Luft.

- Wie groß ist die Brennweite der Linse auf der Wasser- bzw. Luftseite?
- Wo entsteht das Bild eines Gegenstandes, der im Abstand $a = -300$ mm vor der Linse (in der Luft) steht? Wie groß ist der Abbildungsmaßstab?
- Konstruieren Sie die Abbildung.

2.6.2 Brennweite in Abhängigkeit vom umgebenden Medium

Welche Brennweite f'_W hat eine Glaslinse in Wasser ($n_W = 4/3$), wenn sie an Luft die Brennweite f'_L besitzt? Welche Rolle spielt die Brechzahl n_L des Linsenmaterials?

2.6.3 Linsenschleifergleichung

Eine Linse aus Flintglas hat den Krümmungsradius $r_1 = 400$ mm. Der Brechungsindex des Glases beträgt $n_L = 1,62$. Welchen Radius muss die zweite Fläche haben, damit die Brechkraft der Linse $D' = 2$ dpt beträgt? Welche Form hat die Linse?